Artificial intelligence, algorithmic pricing and collusion

Giacomo Calzolari (EUI & CEPR) Emilio Calvano, Sergio Pastorello, Vincenzo Denicoló (U. Bologna)

April 26th, 2019, BECCLE Competition Policy Conference, Bergen 2019

シック・ビデュ・ビディー・

Pricing algorithms are populating markets

- We are increasingly delegating choices to algorithms: product recommendations, content filtering, portfolio choices, pricing
- Chen et al. (2016) document that over 500 sellers active on top 1,641 Amazon listings use algorithmic pricing
- Pricing automation seen as a source of value (e.g. Amazon)

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

 Algorithms in pricing are not a temporary phenomenon (repricing industry)

Nothing new under the sun?

Software/algo pricing is no news (since '80s e.g. hotels, airlines and financial markets): fixed rules (e.g. proxy bidding)

Advancements in the field of AI spun a new class of algos:

Model free

- Autonomously learn from experience
- Increasingly available off the shelf (data availability and computing power)

Questions

- What is the consequence of AI pricing on price levels?
- Can AI agents autonomously 'learn' to cooperate/collude?

A D > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 0 < 0</p>

Can we inform the current (and lively) policy debate?

Paper

- Run experiments with AI pricing-agents in controlled environments (computer simulations)
 - Algos must be similar to those used in markets
 - Environments must be realistic
- Workhorse IO model of competition: iterated price oligopoly with differentiated goods
- Extensive comparative statics on market and algos' parameters

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

Extensive robustness checks

The Pricing Environment (an "MDP")

- Time steps t = 0, 1, 2, ..., T (possibly $T = \infty$)
- State s_t (e.g. past prices)
- Action a_t^i (e.g. price)
- One step dynamics: $(s_t, a_t^i) \rightarrow (s_{t+1}, \pi_t^i)$

where π_t^i is the Reward (profit)

• Agent's problem is to chose a policy $\sigma(s_t) = a_t^i$ that solves:

$$\max_{\sigma} \sum_{t=0}^{T} E[\delta^{t} \pi_{t}]$$
(1)

(日)
 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

 (日)

AI: Q-learning algorithm

At any period t a Q-algorithm...

- it decides whether to explore, with probability ε_t = e^{-βt} (uniformly) randomizing over prices, or to optimize choosing the t-optimal price
 - $\beta \ge 0$ is rate of experimentation
- it stores the observed information (prices, profit), updating the "Q-matrix": present discounted value to each state-actions pair

$$Q_{t+1}(a,s) = (1-\alpha)Q_t(a,s) + \alpha \left(\pi_t + \delta \max_{a_{t+1}} Q_t(a_{t+1}, s_{t+1})\right)$$

・ロト ・ 戸 ・ モ ト ・ ヨ ト ・ シック

• news weighted according to rate of learning $\alpha \in [0, 1]$

Why Q-learning? Model free, simple, popular, successful

Baseline Environment: Economics

A workhorse model in IO: repeated game, simultaneous pricing

- 2 firms/algorithms
- Differentiated goods with Logit demand
- Constant marginal costs
- Symmetric
- Deterministic

Baseline Environment: Algorithms

- Actions: a_t^i 15 price points
- State: $s_t = (p_{t-1}^1, p_{t-1}^2)$
- \blacktriangleright Reward: π_t

 $(\underline{p} = \frac{9}{10} p_{\text{Nash}}, \ \overline{p} = \frac{11}{10} p_{\text{mon}})$ (1 period memory)
(deterministic)

- Algos interact with clones, i.e. Self-Learning and use Independent Learning
- Large grid (100×100) of parameters (α, β)
- Many values of δ , baseline $\delta = 0.95$
- 1000 sessions ("episodes") for each parametrization, beginning with random initial state (mean and sd)
- We give algos plenty of time to learn (off-line learning, as CS do, e.g. Alpha-Go, Self-Driving)

Literature

Computer Science:

- Vast and growing literature on multi-agent learning, e.g. traffic control, interacting robots, autonomous cars, ...
- Few papers '90s (Tesauro et al. at IBM) on learning pricing algos, but special environments and "too much" special results

Economics:

- Learning in games, but mostly "passive" learning (best responding to observed behavior, e.g. BR-dynamics, fictitious play, Bayesian-learning, RL)
- Milgrom and Roberts (1990) with supermodularity these learning methods tend to static Nash
- Optimal experimentation (Bergeman and Valimaki 2006)
- Evolutionary GT and Automata (fixed-strategies with replicatory dynamics of best performing)
- Relation EGT and learning (stoch. approximation), but only simple models and no memory
- Klein (2018), sequential-staggered pricing (Maskin-Tirole 1988, commitment and coordination)

The Q-learning pricing-agents interacting repeatedly typically:

- 1. Learn to play (Converge)
- 2. Learn to reasonably behave (Consistency & Equilibrium)

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

- 3. Learn to charge high prices (Cooperate)
- 4. Learn to collude (Strategies)

2- Equilibrium: how to test

- ► There are 225¹⁵ × 225¹⁵ (states^{prices} for 2 players) potential equilibrium candidates, impossible
- We instead check if an algorithm is best-responding to the strategy of the other algo

・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・
 ・

- In particular from equilibrium-prices (on path)
- but also off-path (subgame perfection)
- and if not best-responding we calculate how far

2 Equilibrium: results

- For example $\alpha = 0.15$, $\beta = 3 \times 10^{-5}$ (cells visited at least 25 times)
- In 70% of sessions agents are best-responding 'on path.'
- In 61.5% mutual best-reponse, i.e. Nash Equilibrium.
- When they do not play Nash they are pretty close (1% profit gain left on the table)
- Hence, once they learned algos cannot be exploited
- Off-path, less best-response (but still small distance) as expected, these cells are less experimented

3 - Cooperation over the parameters-grid

Profit gain $\Delta(\alpha, \beta)$ (=0 Bertrand-Nash, =1 Monopoly)



Cooperation from 60% to 99,1% Profit gain

(日) (四) (日) (日) (日) (日) (日) (日) (日)

3- Partial cooperation and price dispersion



・ロト ・四ト ・ヨト ・ヨト ・クタク・

How are competitive prices supported?

Do agents fail to learn to compete? Or...

- Do agents actually learn to collude?
- Policy implications radically different (the first, we can go home, the second we must stay...)

4- Learn to collude: Test 1

What do they learn when collusion cannot be an equilibrium?

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ 三回■ のへの

- Case 1: $\delta = 0$ (myopic)
- Case 2: k = 0 (no memory)

• Both cases
$$\Deltapprox 0$$
 (Max 15%)

4- Learn to collude: Impulse response of prices

- Let agents play according to learnt strategies
- Agent 1 (Red) deviates: forced to charge lower price in t = 1



Same exercise, looking at profits

▶ Normalized $1 = \pi^{\text{collusive}}$



Reaction of Blue makes deviation not profitable

4 日 > 4 日 > 4 日 > 4 日 > 4 日 > 9 0 0

5-period deviations



Robustness: more agents N > 2

In the lab N > 2 kills cooperation (also experienced players).
We looked at the case N = 3, N = 4

A D > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 0 < 0</p>

Algos are superhuman at coordinating.

Robustness: variable market structure

- ► *N* ∈ {2,3}
- Outsider: enters and exists in random fashion

- entry/exit serially correlated
- ► Δ = 77%
- Same impulse response as before

Robustness: Asymmetric firms

Collusion notoriously harder with asymmetric firms

We looked at cost and demand asymmetries: results are similar

• E.g. cost asymmetry $c_1 = 1$

<i>C</i> ₂	1	0.875	0.750	0.625	0.5	0.25
2's market share	50%	55%	60%	64%	67%	73%
Δ	80%	78%	74%	69%	65%	54%

Many Robustness Checks

Economic Environment:

- Change in δ
- Change in size of demand
- Change in product substitutability
- Different preferences (Singh and Vives)
- Stochastic demand

Increasing Complexity:

- More actions (30,50,100)
- Longer memory (2)
- \blacktriangleright Asymmetric learning: algos learning with different α and β
- Learning entrant
- Mixing different α and β after learning
- Continuous action space: DeepLearning (neural networks Value-function approximations) (in progress)

Where are we next?

- Dominant algorithm, Predatory algorithm
- Al algorithms with personalized and dynamic pricing: per-se and collusion
- Feeding actual market (big) data into learning algorithms

Policy. What to do?

We need to know more!

Current legal approach inadequate with algos:

- no intent
- no mutual understanding
- no explicit agreement
- no communication
- Under current policy, algorithmic-collusion lawful

Possible approaches

- 1. Lasseiz Faire (algorithmic collusion just a theoretical curiosity)
- 2. Ban (the Sisyphus Luddite)
- 3. Regulation: ex-ante sand-boxing
- 4. Antitrust policy: ex-post look into algos
- Must reconsider balance between explicit and tacit collusion, else too many false negative with algos

THANK YOU

Artificial intelligence, algorithmic pricing and collusion Giacomo Calzolari (EUI & CEPR) Emilio Calvano, Sergio Pastorello, Vincenzo Denicoló (U. Bologna)

Effect of discount factor on profit gain Δ

